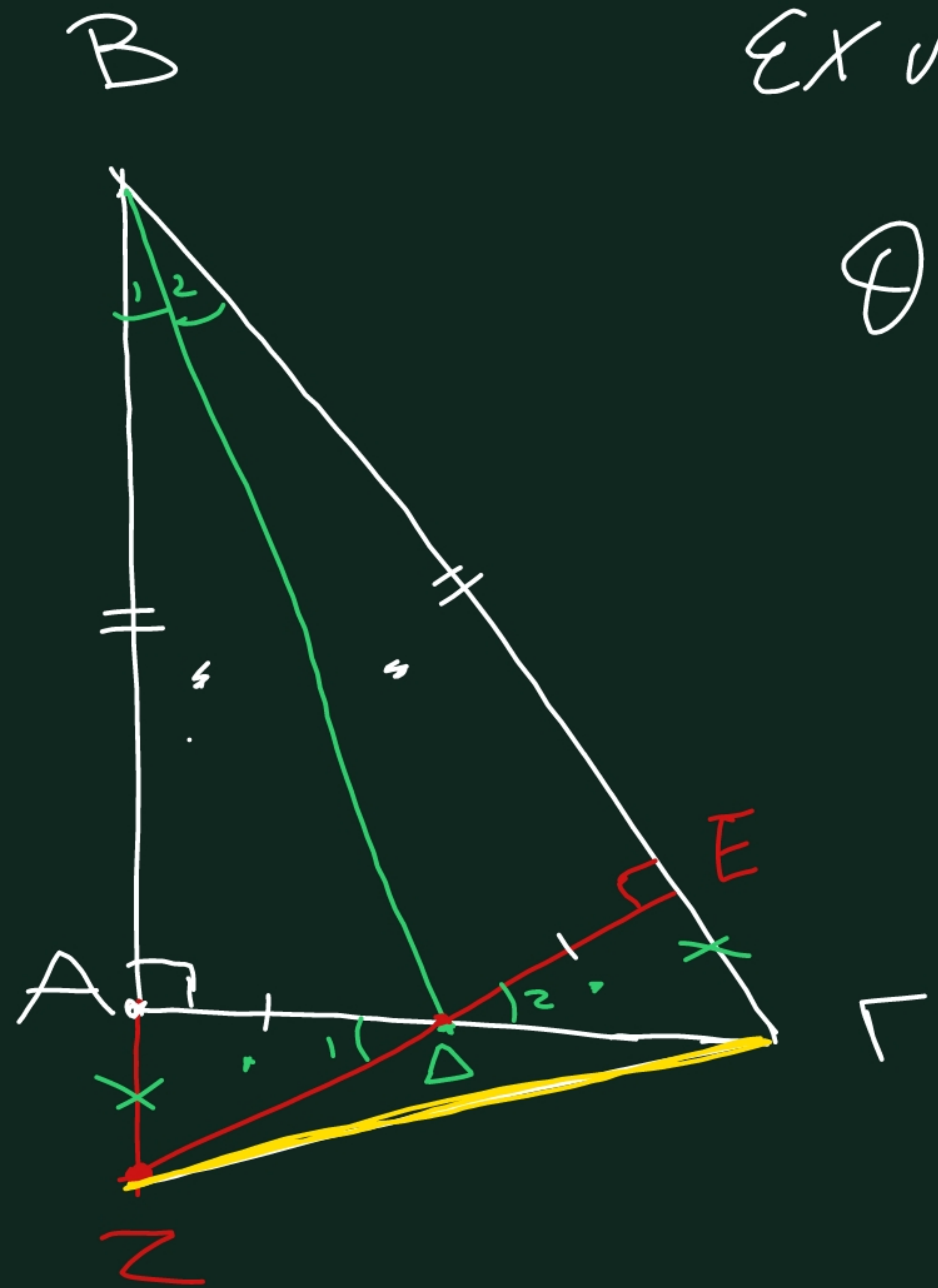


4. Άσκηση
σ. 54

Υ	ΑΒΓ ορθό $\hat{A} = 90^\circ$ ΒΔ διχοτόμος $\Delta E \perp B\Gamma$
Σ	ΒΓΖ ισοσκεύς



Εχων ΒΔ διχοτόμος $\Rightarrow \hat{B}_1 = \hat{B}_2$ και $A\Delta = \Delta E$

Θαο τα ορθογώνια $\hat{B}\hat{A}\Delta = \hat{B}\hat{\Delta}E$

1) $\hat{B}_1 = \hat{B}_2$ (ορίεω)

2) ΒΔ κοινή (υπότα)

$\Rightarrow \hat{B}\hat{A}\Delta = \hat{B}\hat{\Delta}E \Rightarrow$

$\boxed{BA = BE} \quad (1)$

Θαο τα ορθ $\hat{A}\hat{\Delta}Z = \hat{\Delta}E\Gamma$

1) $\hat{\Delta}_1 = \hat{\Delta}_2$ ως κατα κορυφήν

2) $A\Delta = \Delta E$

$\Rightarrow \hat{A}\hat{\Delta}Z = \hat{\Delta}E\Gamma \Rightarrow$

$\boxed{AZ = \Gamma E} \quad (2)$

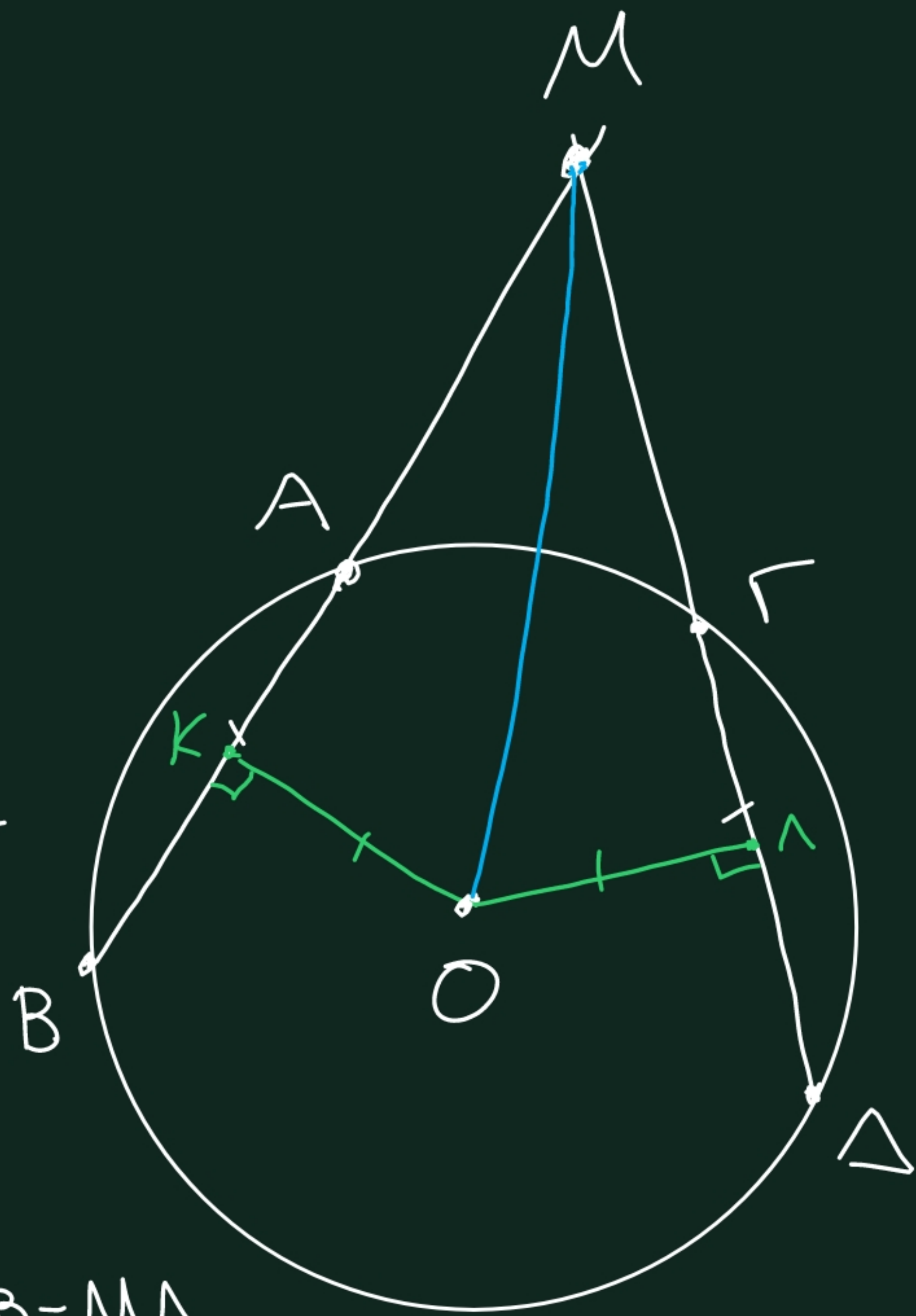
$(1) + (2) \Rightarrow BA + AZ = BE + \Gamma E \Rightarrow$

$\boxed{BZ = B\Gamma} \Rightarrow$

$\boxed{\hat{B}\hat{Z}\hat{\Gamma} \text{ ισοσκεύς}}$

5.4008
5.54

Υ	(O, ρ)
	AB = ΔΓ
	OK, OL αὐτοκέντρα
Σ	ΝΑΟ:
	i) $\hat{MOK} = \hat{MOL}$
	ii) MA = MΓ, MB = MΔ



i) Αποδείγματα $OK = OL \Rightarrow$
 φέρω τη MO , έχω $\hat{MOK}, \hat{MOL}$ ορθογώνια
 διότι $OK \perp AB, OL \perp \Delta\Gamma$, ως αὐτοκέντρα.

θαο $\hat{MOK} = \hat{MOL}$ διότι

1) $OK = OL$, διότι ίσες χορδές $\Rightarrow$ ίσα αὐτοκέντρα

2) OM κοινή

$$\hat{MOK} = \hat{MOL}$$

ii) έχω $\hat{MOK} = \hat{MOL} \Rightarrow MK = ML$
 έχω $AB = \Gamma\Delta \Rightarrow \frac{AB}{2} = \frac{\Gamma\Delta}{2} \Rightarrow AK = \Gamma L$

$$MA = M\Gamma$$

• έχω $MA = M\Gamma$
 και $AB = \Delta\Gamma$

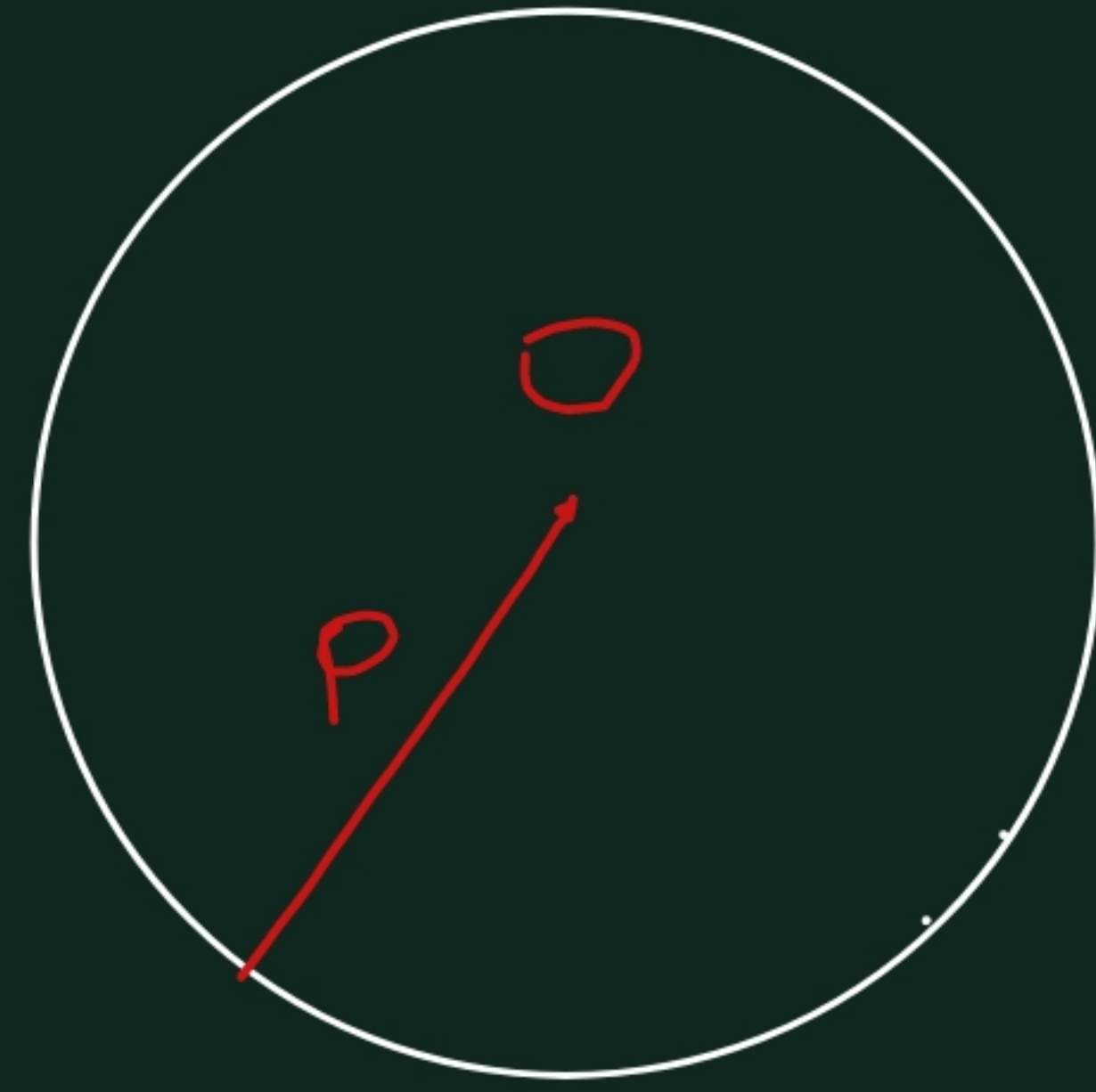
$$MA + AB = M\Gamma + \Delta\Gamma \Rightarrow$$

$$MB = M\Delta$$

3.7 Βασικοί Γεωμετρικοί Τόποι

σ. 55 • Γεωμετρικός τόπος είναι ένα σύνολο σημείων με μια κοινή ιδιότητα.

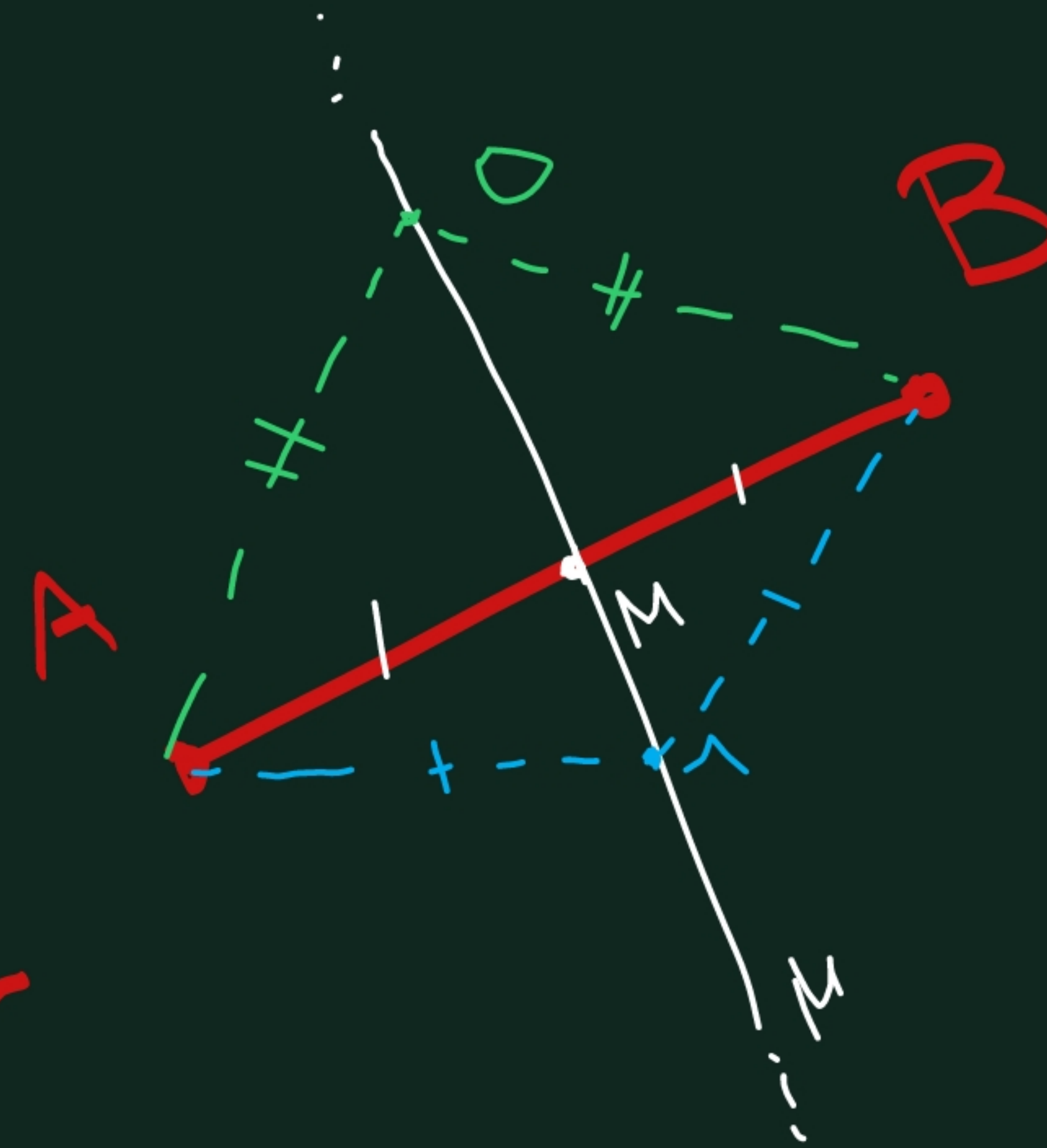
Κύκλος



Γεωμετρικός τόπος των σημείων που ισαπέχουν από το κέντρο, απόσταση ίση με r .

Μεσοκάθετο ευθυγράμμου τμήματος

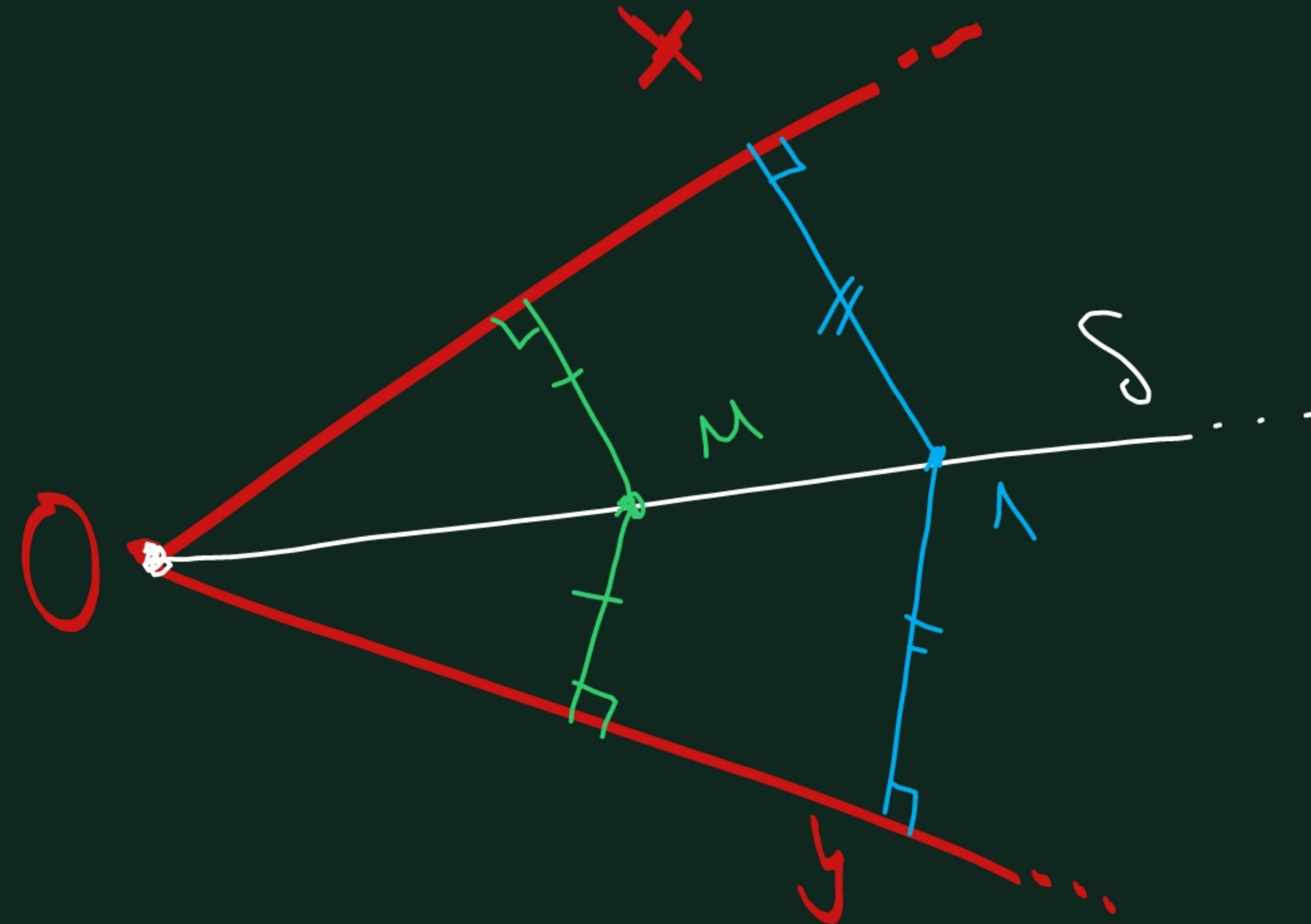
↳ επί



Γεωμετρικός τόπος των σημείων που ισαπέχουν από τα άκρα του ευθ. τμήματος

Διχοτόμος Γωνίας

↳ ημιευθεία



Γεωμετρικός τόπος των σημείων που ισαπέχουν από τις πλευρές της γωνίας